

التصديق الأول:

تتملك مؤسسة لتصنيع السيارات 3 مصانع تقع في ( Paris , Strasbourg , Lion ) على الترتيب ، حيث أن المعدن الضروري لتصنيع السيارات متوفر بالميناءين ل (Marseille , Havre) ، أما الكميات الضرورية من المعدن بالنسبة للمصانع الثلاث فهي على التوالي : 400 ، 300 ، 200 طن في كل أسبوع ، الكميات المتاحة في الميناءين فهي على الترتيب : 550 ، 350 بينما تكلفة نقل الوحدة الواحدة من الميناءين إلى المصانع فهي موضحة في الجدول التالي :

	Paris	Strasbourg	Lion
Marseille	5	6	3
Havre	3	5	4

المطلوب:

1. أكتب مشكلة النقل في شكلها الرياضي
2. أوجد الحل الأساسي باستخدام طريقة الفروقات العظمى.
3. إختبر أمثلية الحل الأساسي.

التصديق الثاني:

يرغب أحد الأشخاص في اقتناء مسكن و أمامه ثلاثة خيارات : بناء المسكن بنفسه ، أو إحالته إلى شركة متخصصة لبناء المساكن أو شراء مسكن جاهز ، فإذا علمت أن الكلفة تتغير حسب ظروف السوق التي يمكن أن تسود من حيث كونها سوقاً منتعشة أو مستقرة أو راكدة ، والجدول التالي يوضح التكاليف المختلفة في ظل الاستراتيجيات وحالات الطبيعة.

حالات الطبيعة	سوق منتعشة	سوق مستقرة	سوق راكدة
الاستراتيجيات			
بناء المسكن بنفسه	80	70	50
تكليف شركة متخصصة	100	70	60
شراء مسكن	90	50	40

المطلوب: تحديد الخيار الأمثل لهذا الشخص (الأرقام بالآف الدينارين) بالاعتماد على:

1. معيار التشاؤم (Wald).
2. معيار الندم (Savage).
3. معيار الواقعية (Hurwicz) علماً أن معامل التفاؤل هو 0.6 .

العلوم الاقتصادية

الموسم الصيفي : 2021 / 2022  
 مقياس : نظرية الألعاب التكرار

السنة الثالثة : اقتصاد  
 وتسيير مؤسسة

التصحيح النموذجي للاختبار

الترتيب I : (10 نقاط)

1 / الصياغة لرياضية تسلك الفعل (النموذج الرياضي) (02 نقطة)  
 $Min Z = 5x_{11} + 6x_{12} + 3x_{13} + 3x_{21} + 5x_{22} + 4x_{23}$  (0,25)

s/c

- $x_{11} + x_{12} + x_{13} = 550$  (0,25)
- $x_{21} + x_{22} + x_{23} = 350$  (0,25)
- $x_{11} + x_{21} = 400$  (0,25)
- $x_{12} + x_{22} = 300$  (0,25)
- $x_{13} + x_{23} = 200$  (0,25)
- $550 + 350 = 400 + 300 + 200$  (0,25)
- $x_{ij} \geq 0, i = 1, 2$  (0,25)
- $j = 1, 2, 3$

حيث :  $\sum$  تمثل الكميات المتقويات من المناوعين الى المصانع الثلاث  
 2 / الحل الأساسي باستخدام طريقة لفروفا - القطر (03,50 نقطة)

de a \ a <sub>i</sub>	Paris	stras	lwn	a <sub>i</sub>		
Mars	50 <sup>15</sup>	300 <sup>16</sup>	200 <sup>13</sup>	550	2	2
Havre	350 <sup>13</sup>	15	14	350	1	X
b <sub>j</sub>	400 <sup>50</sup>	360	200	900		
	2	1	1			

(2)

\* اختبار صحة الحل الأساسي الأولي:

عدد الحالات المملوءة  $m+n-1 = 2+3-1 = 4 = 4 = 5$  (0.5)

\* مجموع التكاليف الأولية للنقل:

$$\sum C_{ij} = 50(5) + 300(6) + 200(3) + 350(3) = 250 + 1800 + 600 + 1050 = 3700 \text{ U.m.}$$

1 (400)

3/ اختبار أمثلة الحل الأساسي (4,50 نقطة)

\* حساب التكاليف الجديدة للحالات المملوءة حيث %

$$U_1 = 0, C_{ij} = U_i + V_j \quad (0.5)$$

	$U_i$		
	5	6	3
	0		
	3		
	-2		
$V_j$	5	6	3

(1.50)

\* حساب التكاليف الجديدة للحالات الفارغة حيث:

$$\Delta_{ij} = C_{ij} - (U_i + V_j) \quad (0.5)$$

$$\Delta_{22} = C_{22} - (U_2 + V_2) = 5 - ((-2) + 6) = 5 - 4 = 1 > 0 \quad (0.5)$$

$$\Delta_{23} = C_{23} - (U_2 + V_3) = 4 - ((-2) + 3) = 4 - 1 = 3 > 0 \quad (0.5)$$

نتيجة: (1)

نلاحظ أن شرط الأمثلة يتحقق ( $\Delta_{ij} > 0$ ) لأن التكاليف الجديدة كلها موجبة أو معدومة مما يعني أن تكلفة النقل الأولية غير قابلة للتحسين أكثر، والحل المتوصل إليه هو الحل غير قابل للتحسين، وأن تكلفة النقل في هذا الحل تساوي 3700 و 448 نقطة



المسألة 1: الخيار الأمثل لإقتناء مسكن بالسنة لهذا الشخص

① حسب معيار التناؤم (wald) (حالة التكاليف)

أولاً: نعتبر أن حالات الطبيعة هي

$e_1$  = سوق مستقرة

$e_2$  = مستقرة

$e_3$  = أزمة

ثانياً: نعتبر أن الحالات الممكنة (البدائل) هي

$a_1$  = بناء المسكن بنفسه

$a_2$  = تكليف شركة متخصصة لبناء المسكن

$a_3$  = شراء مسكن

وعلت يصعب جدول القرار كالتالي:

ثالثاً: بما أن الأمر يتعلق بالتكاليف

نستخدم معيار التناؤم (Min Max)

البدائل (Max Min)

$a_i \backslash e_j$	$e_1$	$e_2$	$e_3$
$a_1$	80	70	50
$a_2$	100	70	60
$a_3$	90	50	40

$$a_1 \rightarrow \text{Max} \{ 80, 70, 50 \} = 80$$

$$a_2 \rightarrow \text{Max} \{ 100, 70, 60 \} = 100$$

$$a_3 \rightarrow \text{Max} \{ 90, 50, 40 \} = 90$$

$$\Rightarrow \text{Min} \{ 80, 100, 90 \} = 80 \Rightarrow a_1^* = a_1$$

إذاً حسب معيار (Wald) فإن القرار الأمثل لهذا الشخص هو أن يقوم ببناء مسكنه بنفسه

(Savage) Minimax / Maximin (2)

تقوم بتحويل مصفوفة المدفوعات

$l_{ij} = |r_{ij} - r_j^*|$  (حالة التكلفة)  $r_j^* = \text{Min} \{r_{ij}\}$   
 (مصروف المدفوعات)  $\Rightarrow a_i^* \rightarrow \text{Min} \{ \text{Max}(l_{ij}) \}$

$a_i \backslash e_j$	$e_1$	$e_2$	$e_3$	Max
$a_1$	00	20	10	20
$a_2$	20	20	20	20
$a_3$	10	00	00	10
$r_j^*$	00	50	40	

(1)

ووفق هذا الحساب فإن الحل الأمثل هو الخيار الثالث

$a_1^* \rightarrow \text{Min} \{ 20, 20, 10 \} = 10$  (حالة التكلفة)  
(Hurwicz) التوقع  $a_1^* = a_3$

$1 - \alpha = 0,4$   $\alpha = 0,6$

$H_i = \alpha (P.V) + (1 - \alpha) (G.V)$  (حالة التكلفة)

$a_1 \Rightarrow H_1 = 0,6 \times 50 + 0,4 \times 80 = 62$

$a_2 \Rightarrow H_2 = 0,6 \times 60 + 0,4 \times 100 = 76$

$a_3 \Rightarrow H_3 = 0,6 \times 40 + 0,4 \times 90 = 60$

القرار الأمثل هو الخيار الثالث أصغر ( $H_1$ ) لأننا نريد أعلى حالة التكلفة

$\Rightarrow \text{Min} \{ 62, 72, 60 \} = 60 \Rightarrow a_1^* = a_3$

إدارة حسب تعبير التوقعات فإن الخيار الثالث هو الأفضل (3)

(4)

(0,5)